

MODELO MATEMÁTICO PARA ESTIMAR IMPACTO EPIDEMIOLÓGICO DA VACINAÇÃO BCG

Antonio Ruffino-Netto*
Gilberto Ribeiro Arantes**

RSPU-B/382

RUFFINO-NETTO, A. & ARANTES, G. R. *Modelo matemático para estimar impacto epidemiológico da vacinação BCG. Rev. Saúde públ., S. Paulo, 11: 502-9, 1977.*

RESUMO: Foi apresentado modelo que permite estimar o impacto primário de um programa de vacinação com BCG intradérmico, aplicado num determinado grupo etário, durante um certo período de tempo, que se segue à vacinação. Alguns exemplos de aplicação do mesmo foram mostrados, tendo sido assinalada a possibilidade de estimar antecipadamente a menor eficácia de vacina capaz de manter a relação custo-benefício maior do que um.

UNITERMOS: Tuberculose, modelos matemáticos. Vacinação BCG. Custo-benefício, análise.

1. INTRODUÇÃO

Modelo tem sido definido "como representação simbólica da vida real, evidentemente simplificado para permitir um tratamento lógico ou matemático"¹⁰. Consequentemente, nenhum modelo é capaz de sintetizar toda uma realidade (biopsicossocial), por isso deve ser entendido sempre como instrumento de trabalho aberto a reformulações e adequações, à medida que novos conhecimentos sobre o assunto sejam descobertos ou evidenciados pela sua aplicação prática.

Se por um lado, longe está a pretensão do domínio de toda a realidade apontada, por outro lado, esforços deverão ser feitos no sentido de quantificar relações entre alguns dos eventos que constituem parte ("parcela muito pequena") dessa realidade.

A formulação de modelos contribui para o aperfeiçoamento daqueles que militam em qualquer área de atividades, especialmente no campo da saúde, no sentido de substituir o hábito de decidir, baseados em meras suposições quando se trata da aplicação de recursos com o objetivo de beneficiar uma determinada coletividade.

Vários autores têm apresentado outros modelos, com definições mais ou menos superponíveis. Objetivos, méritos, etapas para sua construção, tipos e parâmetros envolvidos (demográficos, epidemiológicos, operacionais, técnicos, sociais e econômicos) na formulação dos modelos têm sido evidenciados e discutidos^{3,5,7,8,9,10,11,12}.

Alguns têm distinguido entre modelos de simulação e modelos de decisão³. Eviden-

* Da Faculdade de Medicina de Ribeirão Preto da USP — Ribeirão Preto, S.P. — Brasil.

** Da Divisão de Estudos e Programas da Coordenadoria de Saúde da Comunidade da Secretaria da Saúde do Estado de São Paulo, Av. São Luiz, 99 — São Paulo, SP — Brasil.

temente, os modelos de simulação terão um poder preditivo tanto maior quanto maior for a sensibilidade e a especificidade dos fatores envolvidos na alimentação dos mesmos.

Na fundamentação dos programas de controle da tuberculose, tem-se sugerido normas técnicas e administrativas^{2,6}. Conhecimentos recentes na área da matemática (como a programação linear por exemplo) têm sido utilizados em modelos de decisão no controle da tuberculose⁴.

No presente trabalho, temos por objetivo montar um modelo que permita prever o impacto de um programa de vacinação em certo grupo etário durante certo período, quando o programa for aplicado no grupo etário imediatamente mais jovem.

2. MODELO

Definindo-se:

G_0 = determinado grupo etário

P_0 = população do grupo G_0

G = outro grupo etário, mais velho e não superponível ao grupo G_0

h = intervalo dos grupos G_0 - G

P = população do grupo G

k = taxa constante de morbidade, suposta uniforme no grupo G

p = cobertura do programa na população a ser vacinada (sendo $0 < p < 1$)

E = eficácia da vacina utilizada no ponto médio de h (sendo $0 < E < 1$)

$$T_2 = \frac{P}{n} k (1-E) p (1 + 2 + \dots + n) + \frac{P}{n} k (1-p) (1 + 2 + \dots + n) + \frac{P}{n} k \left[(n-1) + (n-2) + \dots + 2 + 1 + 0 \right] \quad (2)$$

ou seja:

$$T_2 = \frac{P}{n} k (1 + 2 + \dots + n) \left[(1-E) p + (1-p) \right] + \frac{P}{n} k \left[0 + 1 + 2 + \dots + (n-1) \right] \quad (3)$$

C_1 = custo da vacinação por pessoa

C_2 = custo do tratamento quimioterápico da tuberculose.

Problema: Qual seria a redução do problema da tuberculose no grupo G , nos próximos n anos consecutivos a um suposto programa de vacinação aplicado atualmente no Grupo G_0 , com meta de cobertura ($p \times 100$)%, utilizando-se uma vacina com eficácia ($E \times 100$)%.

3. SOLUÇÃO DO MODELO

A magnitude do problema no grupo G será dada pela incidência esperada entre os vacinados que ano a ano passam para esse grupo etário, somada à incidência esperada entre os não vacinados que ainda não o deixaram.

Supondo-se que n seja igual a h e que a população P seja uniformemente distribuída em G , o modelo será assim solucionado:

a) Total de casos esperados de tuberculose no grupo G , na ausência de vacinação no grupo G_0 :

$$T_1 = P.k.n \quad (1)$$

b) Total de casos esperados de tuberculose no grupo G , com programa de vacinação com cobertura ($p \times 100$)% do grupo G_0 , vacina com eficácia ($E \times 100$)%:

Observar que na expressão (3) aparecem 2 progressões aritméticas (PA), de razão $(r) = 1$, sendo que uma apresenta o 1º termo $a_1 = 1$ e outra $a_1 = 0$. Lembrando que a soma de n termos na PA será dada por:

$$S_n = na_1 + \frac{n(n-1)r}{2} \quad (4)$$

que substituída e simplificada na expressão (3), resulta:

$$T_n = \frac{P}{n} k \left[n + \frac{n(n-1)}{2} \right] \left[(1-E)p + (1-p) \right] + \frac{P}{n} k \left[\frac{n(n-1)}{2} \right] \quad (5)$$

$$T_n = Pk \left[1 + \frac{(n-1)}{2} \right] \left[(1-E)p + (1-p) \right] + Pk \left[\frac{(n-1)}{2} \right] \quad (6)$$

$$T_n = Pk \left[\left(1 + \frac{(n-1)}{2} \right) \left((1-E)p + (1-p) \right) + \frac{(n-1)}{2} \right] \quad (7)$$

A redução (R) (em número absoluto) de casos da doença no grupo G, será dado por:

$$R = T_1 - T_2 \quad (8)$$

(1) e (7) substituídas em (8), resulta:

$$R = Pkn - Pk \left[\left(1 + \frac{(n-1)}{2} \right) \left((1-E)p + (1-p) \right) + \frac{(n-1)}{2} \right] \quad (9)$$

$$R = Pk \left[n - \left(1 + \frac{(n-1)}{2} \right) \left((1-E)p + (1-p) \right) - \frac{(n-1)}{2} \right] \quad (10)$$

ou

$$R = Pk \left[\left(\frac{n+1}{2} \right) - \left(1 + \frac{(n-1)}{2} \right) \left((1-E)p + (1-p) \right) \right] \quad (11)$$

Esta expressão fornecerá, portanto, o valor da redução do problema (em número absoluto) no grupo G considerado. O custo total do programa de vacinação (V) no grupo G, será dado por:

$$V = P_0.p.c_1 \quad (12)$$

ou seja

$$D = C_2 Pk \left[\left(\frac{n+1}{2} \right) - \left(1 + \frac{(n-1)}{2} \right) \left((1-E)p + (1-p) \right) \right] \quad (14)$$

A comparação das expressões (12) e (14), ou seja, entre V e D evidenciará os benefícios decorrentes. Assim, se D é maior

Como houve uma redução dos casos de tuberculose no grupo G, certa quantidade de recursos deixou de ser utilizada, significando, portanto, dinheiro poupado; este dinheiro poupado, que chamaremos de D, será dado por:

$$D = R.C_2 \quad (13)$$

que V, isto significa que apenas com o benefício primário da vacinação já compensa o gasto com o programa efetuado,

sendo que $(D - V)$ é igual à economia; por outro lado D/V fornecerá a relação da quantidade de dinheiro (cruzeiros) economizado por dinheiro gasto.

4. EXEMPLOS

Usando dados aproximados para o Estado de São Paulo, onde temos:

- G_0 = grupo etário 0 — 14 anos
- P_0 = 8.000.000 (população 0 — 14 anos)
- G = grupo etário 15 — 29 anos
- P = 6.000.000 (população 15 — 29 anos)
- h = 15 (intervalo 0 — 14 e 15 — 29 anos)
- k = 0,0003 ou seja 0,3‰*

e supondo os seguintes custos (a título de exemplo):

- C_1 = 1,00 (custo em cruzeiros da vacina aplicada)

$$(7) T_2 = Pk \left[\left(1 + \frac{(n-1)}{2}\right) ((1-E)p + (1-p)) + \frac{(n-1)}{2} \right]$$

$$T_2 = 6.000.000 \times 0,0003 \left[\left(1 + \frac{(15-1)}{2}\right) ((1-0,8)0,8 + (1-0,8)) + \frac{15-1}{2} \right]$$

$$T_2 = 1800 \left[8 (0,16 + 0,2) + 7 \right]$$

$$T_2 = 1800 \times 9,88 = 17.784$$

$$R = T_1 - T_2 = 27.000 - 17.784 = 9.216$$

ou também

$$R = Pk \left[\frac{n+1}{2} - \left(1 + \frac{(n-1)}{2}\right) ((1-E)p + (1-p)) \right]$$

$$R = 6.000.000 \times 0,0003 \left[\frac{15+1}{2} - \left(1 + \frac{15-1}{2}\right) ((1-0,8)0,8 + (1-0,8)) \right]$$

$$R = 1800 \left[8 - 8 (0,16 + 0,2) \right] = 9216$$

O custo de vacinação será

$$V = P_0 \cdot p \cdot C_1 = 8.000.000 \times 0,8 \times 1 = \text{Cr\$ } 6.400.000,00$$

O dinheiro poupado será

$$D - R \cdot C_2 = 9.216 \times 1000 = \text{Cr\$ } 9.216.000,00$$

$C_2 = 1.000,00$ (custo em cruzeiros do tratamento), apresentamos alguns exemplos:

4.1. Suponhamos que um programa de vacinação (vacina de eficácia 80%, isto é, $E = 0,8$) seja aplicado no atual grupo de 0 — 14 anos, com meta de cobertura igual a 80% (ou seja $p = 0,8$). Estudar redução do problema da tuberculose nos próximos 15 anos ($n = 15$) no grupo etário 15 — 29 anos.

a) Total de casos esperados na ausência de vacinação:

$$(1) T_1 = P \cdot k \cdot n$$

$$T_1 = 6.000.000 \times 0,0003 \times 15 = 27.000$$

b) Total de casos esperados sob ação do programa:

* Estimativa feita no Centro de Saúde de Ribeirão Preto.

Observamos que a economia (D) é maior que o gasto (V); assim, a quantidade de dinheiro (cruzeiros) economizado por cruzeiro gasto será $\frac{D}{V} = \frac{9.216.000}{6.400.000} = \text{Cr\$ } 1,44$

4.2. Com os mesmos dados do Estado de São Paulo e os mesmos custos supostos, simulamos diferentes combinações de programas de vacinação (com vacinas de eficácias diferentes e/ou coberturas diferentes), e obtivemos os resultados apresentados na Tabela. Observamos que a diferença (D-V) aumenta proporcionalmente em função de p para as vacinas com eficácia E= 0,6 e E = 0,8, o mesmo não ocorrendo com a vacina de eficácia E = 0,4 (Figura).

Por outro lado, observamos ainda nessa Tabela que a relação D/V (unidade de dinheiro economizado por unidade de dinheiro gasto), independe de p, sendo função apenas da eficácia da vacina E.

Frente a esta situação perguntamos qual seria a menor eficácia de vacina que seria capaz de manter a relação

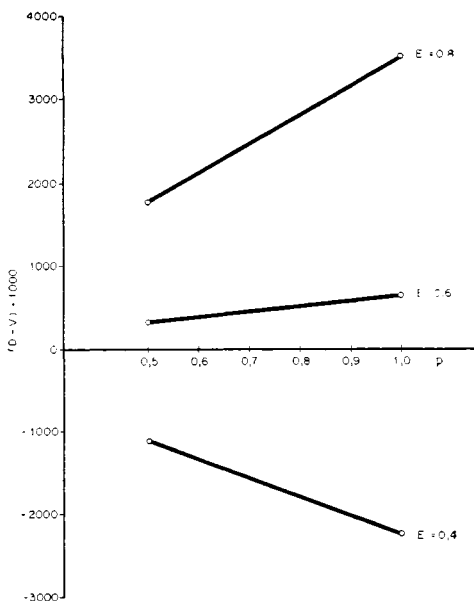


Figura — Diferença dos custos (D-V) segundo diferentes coberturas (p) de programa de vacinação BCG.

$D - V \geq 0$, ou o que seria equivalente,

$$\frac{D}{V} \geq 1.$$

A solução será dada por:

$$\frac{D}{V} = \frac{C_2 Pk \left[\frac{(n+1)}{2} - \left(1 + \frac{n-1}{2}\right) ((1-E)p + (1-p)) \right]}{Po.p.C_1} \geq 1$$

ou

$$C_2 Pk \left[\frac{(n+1)}{2} - \left(1 + \frac{n-1}{2}\right) ((1-E)p + (1-p)) \right] \geq Po.p.C_1$$

Com os dados estimados para o Estado de São Paulo, encontramos que a menor eficácia de vacina capaz de satisfazer essa condição seria E = 0,555.

Isto significa que, num programa de vacinação (qualquer que seja a meta de cobertura), o dinheiro poupado (D) será sempre maior que o custo de vacinação (V), se a eficácia da vacina for no mínimo de 55,5%.

5. COMENTARIOS

O fato de se supor uniforme a morbidade no grupo seguinte, não invalida a sua aplicação porque o objetivo é prever o impacto nesse grupo como um todo, isto é, o número total de casos evitados como efeito primário da vacinação; aliás é preciso esclarecer também que neste modelo sim-

TABELA 1

Redução dos casos de tuberculose (R), custos (D e V) segundo diferentes programas de vacinação.

Vacina (eficácia)	Programa (cobertura)	T ₁ (Sem vacina)	T ₂ (Com vacina)	R (Casos evitados)	D (Economia)	V (Custos da vacinação)	D-V	D/V
E = 0,8	p = 1	27.000	15.480	11.520	11.520.000	8.000.000	3.520.000	1,44
	p = 0,9	27.000	16.632	10.368	10.368.000	7.200.000	3.168.000	1,44
	p = 0,8	27.000	17.784	9.216	9.216.000	6.400.000	2.816.000	1,44
	p = 0,7	27.000	18.936	8.064	8.064.000	5.600.000	2.464.000	1,44
	p = 0,6	27.000	20.088	6.912	6.912.000	4.800.000	2.112.000	1,44
p = 0,5	27.000	21.240	5.760	5.760.000	4.000.000	1.760.000	1,44	
E = 0,6	p = 1	27.000	18.360	8.640	8.640.000	8.000.000	640.000	1,08
	p = 0,9	27.000	19.224	7.776	7.776.000	7.200.000	576.000	1,08
	p = 0,8	27.000	20.088	6.912	6.912.000	6.400.000	512.000	1,08
	p = 0,7	27.000	20.952	6.048	6.048.000	5.600.000	448.000	1,08
	p = 0,6	27.000	21.816	5.184	5.184.000	4.800.000	384.000	1,08
p = 0,5	27.000	22.680	4.320	4.320.000	4.000.000	320.000	1,08	
E = 0,4	p = 1	27.000	21.240	5.760	5.760.000	8.000.000	-2.240.000	0,72
	p = 0,9	27.000	21.816	5.184	5.184.000	7.200.000	-2.016.000	0,72
	p = 0,8	27.000	22.392	4.608	4.608.000	6.400.000	-1.792.000	0,72
	p = 0,7	27.000	22.968	4.032	4.032.000	5.600.000	-1.568.000	0,72
	p = 0,6	27.000	23.544	3.456	3.456.000	4.800.000	-1.344.000	0,72
p = 0,5	27.000	24.120	2.880	2.880.000	4.000.000	-1.120.000	0,72	

ples a previsão não considera o impacto secundário, ou seja, aquele decorrente de outras infecções e casos que deixarão de ocorrer em conseqüência da não ocorrência dos primeiros.

Obviamente os resultados obtidos nos exemplos apresentados não têm a pretensão de oferecer elementos para decisão quanto a área em tela uma vez que os dados usados, principalmente as estimativas de custos, devem ser diferentes dos reais. Assim, se o custo "per capita" da vacinação fosse o dobro ou o triplo do valor usado, $D - V$ talvez fosse negativo e nesse caso o quociente D/V não seria compensador em termos puramente econômicos. É conveniente ressaltar também que, aplicado ao grupo etário 0 a 14 anos para previsão de impacto primário no grupo 15 a 29 anos, é válido afirmar que a relação D/V não sofrerá influências com a variação das

metas de cobertura. Possivelmente, tratando-se de outros grupos etários, ou no caso da população considerada como um todo, conforme a expectativa de incidência e a proporção de vacináveis (não infectados), variações na cobertura poderão influir na relação custo-benefício¹.

6. CONCLUSÕES

1. A partir de um modelo relativamente simples é possível estimar o impacto primário esperado e a razão custo-benefício de programas de vacinação BCG.

2. Esse modelo alimentado com dados reais poderá fornecer informações úteis para a tomada de decisões referentes à execução de programa de vacinação BCG, em uma determinada área.

RSPU-B/382

RUFFINO-NETTO, A. & ARANTES, G. R. [A mathematical model for estimating the effectiveness of BCG-vaccination] *Rev. Saúde públ.*, S. Paulo, 11: 502-9, 1977.

ABSTRACT: A model was devised that estimates the primary impact of an immunization programme with intradermal BCG, applied to an age-group, during a certain period of time following vaccination. Some examples of its application show the possibility of estimating previously the least effectiveness of the vaccine which is able to maintain the relationship cost-benefit greater than 1.

UNITERMS: Tuberculosis, epidemiometric models. BCG vaccination. Cost-benefit analysis.

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

1. ARANTES, G. R. Planejamento de atividades anti-tuberculose pelo método CENDES/OPS. *Rev. Saúde públ.*, S. Paulo, 10:17-29, 1976.
2. PIO, A. *Normas técnicas y administrativas para elaborar e implementar programas de tuberculosis*. Ginebra, Organización Mundial de la Salud, 1975. (WHO — CD/TB/5).
3. PIOT, M. A. *A simulation model of case finding and treatment in tuberculosis control programmes*. Geneva, World Health Organization, 1967. (WHO/TB/Technical Information/67.53).
4. PIOT, M. & SUNDARESAN, T. K. *A linear programme decision model for tuberculosis control*. Geneva, World Health Organization, 1967 (WHO/TB/Technical Information/67.55).

5. RUFFINO-NETTO, A. *Epidemiologia da tuberculose: estudo de alguns aspectos ligados a modelos de prevenção, diagnóstico e modelos epidemiométricos*. Ribeirão Preto, SP, 1975. [Tese de livre docência — Faculdade de Medicina de Ribeirão Preto da USP].
6. STYBLO, K. & SUTHERLAND, I. Epidemiological indices for planning, surveillance and evaluation of tuberculosis programmes. *Bull. int. Un. Tuberc.*, 49:66-73, 1974.
7. WAALER, H. T. Cost-benefit analysis of BCG: vaccination under various epidemiological situations. In: INTERNATIONAL TUBERCULOSIS CONFERENCE, 19th, Amsterdam, 1967. *Proceedings*. Amsterdam, Excerpta Medica Foundation, 1967. p. 42-52. (International Congress Series, 164).
8. WAALER, H. T. A dynamic model for the epidemiology of tuberculosis. *Amer. Rev. resp. Dis.*, 98:591-600, 1968.
9. WAALER, H. T. Model simulation and decision — making in tuberculosis programmes. *Bull. int. Un. Tuberc.*, 43:337-44, 1970.
10. WAALER, H. T. & PIOT, M. A. The use of an epidemiological model for estimating the effectiveness of tuberculosis control measures: sensitivity of the effectiveness of tuberculosis control measures to the Coverage of the population. *Bull. Wld Hlth Org.*, 41:75-93, 1969.
11. WAALER, H. T. et al. The use of mathematical models in the study of the epidemiology of tuberculosis. *Amer. J. publ. Hlth*, 52:1002-13, 1962.
12. WORLD HEALTH ORGANIZATION. Expert Committee on Tuberculosis. *A decision model for tuberculosis control*. Geneva, 1973. (WHO/TB/WP 73.3).

Recebido para publicação em 02/03/1977
Aprovado para publicação em 28/03/1977